

1. Fall: Die Anzahl der Zahlen ist ungerade.

Angenommen, es handelt sich um  $2n+1$  Zahlen, dann sind diese darstellbar als  $\{z-n, z-(n-1), \dots, z+(n-1), z+n\}$ , und die Summe ist  $(2n+1) \cdot z$ . Damit ist wegen  $100 = 2^2 \cdot 5^2$  klar, dass für  $2n+1$  nur 5 und 25 in Frage kommen. Für  $2n+1 = 5$  ist  $z = 100 : 5 = 20$ , und wir finden die Folge  $\{18, 19, 20, 21, 22\}$ . Für  $2n+1 = 25$  ist  $z = 100 : 25 = 4$ , und wir finden wegen  $n = 24 : 2 = 12$  keine Folge, die aus positiven ganzen Zahlen besteht, denn das erste Element der zu  $2n+1 = 25$  gehörenden Folge müsste ja  $4 - 8 = -4$  sein.

2. Fall: Die Anzahl der Zahlen ist gerade.

Angenommen, es sind  $2m$  Zahlen, dann können wir diese darstellen als  $\{y-(m-1), y-(m-2), \dots, y, \dots, y+(m-1), y+m\}$ . Die Summe ist dann  $2m \cdot y + m = m \cdot (2y+1)$ . Daraus ergeben sich, da ja  $m \cdot (2y+1) = 100$  ist, für  $y$  die möglichen Werte 2 (dann ist  $2y+1 = 5$ ) und 12 (dann ist  $2y+1 = 25$ ). Aus  $y = 2$  folgt  $m = 20$ , was wegen des negativen ersten Elements  $2 - (20-1) = -17$  entfällt. Aus  $y = 12$  folgt  $m = 4$  und damit die Folge  $\{9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16\}$ . Es gibt also genau zwei Mengen aufeinander folgender positiver ganzer Zahlen, deren Summe 100 ist.

In der folgenden Tabelle sind die Antwortbuchstaben für die Aufgaben aus den Klassenstufen 7 und 8 zusammengefasst:

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Antwort	B	C	D	B	E	D	C	E	C	A
Aufgabe	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Antwort	B	D	D	C	A	B	D	E	C	D
Aufgabe	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
Antwort	B	C	E	C	C	A	A	D	A	B